В.М. ЗАДОРОЖНІЙ, Р.М. БАЛАБАЙ, О.О. БОНДАРЕНКО

Криворізький державний педагогічний університет (Просп. Гагаріна, 54, Кривий Ріг 50086; e-mail: vitaliy_zadorozhniy@ukr.net, balabai@i.ua, alenkagonohova@gmail.com)

П'ЄЗОЕЛЕКТРИЧНИЙ ВІДГУК ПОЛІ (L-МОЛОЧНОЇ КИСЛОТИ) α-ФОРМИ НА МЕХАНІЧНО НАПРУЖЕНИЙ СТАН

У роботі досліджено п'езоелектричні ефекти в полімері (L-молочна кислота) при механічному впливі методами теорії функціонала густини та псевдопотенціалу на основі власного програмного коду. Розраховано просторові розподіли густини валентних електронів, густини електронних станів, кулонівських потенціалів у різних напрямках фрагмента полімеру PLLA та зарядових станів його окремих атомів. Встановлено, що лише один фрагмент полімерного ланцюга дозволяє визначити характер зарядової поляризації валентних електронів та іонів при механічній деформації.

Ключові слова: п'єзоелектричні ефекти, полімер (L-молочна кислота), стиснення, згинання, скручування, теорія функціонала густини, розрахунки з перших принципів.

1. Вступ

УДК 539

Щодо накопичення п'єзоелектричної енергії було досліджено пирокий спектр матеріалів, включаючи неорганічні, органічні та композитні матеріали [1]. П'єзоелектричні полімери є природними гнучкими, міцними та легкими в обробці, тому сприятливі для багатьох застосувань [2]. П'єзоелектричні полімери, серед яких нейлон-11 [3], отриманий з касторової олії; полімер, армований вуглецевим волокном, [4] та інші можуть успішно замінити неорганічні керамічні п'єзоелектрики, які зазвичай є крихкими, негнучкими та часто містять токсичні важкі метали – фактори, які перешкоджають їх застосуванню в медицині [5]. П'єзоелектричні по-

лімери можна знайти в природі. Наприклад, деревина є п'єзоелектричним матеріалом через наявність целюлози в його структурі [6]. Полі(Lмолочна кислота) (PLLA) є одним із синтетичних біорозкладних п'єзоелектричних полімерів, синтезованих полімеризацією мономерів L-молочної кислоти. П'єзоелектрична функціональність PLLA продемонстрована як датчика сили в літературі [7]. Незважаючи на те, що ці біорозкладані п'єзоелектричні матеріали мають нижчу п'єзоелектричність, ніж керамічні, можна застосувати кілька підходів для підвищення їхньої п'єзоелектричної здатності, наприклад, шляхом модифікації їхніх кристалічних структур. Чжу та інші [8] виготовили п'єзоелектричний пристрій на основі нановолокон PLLA для вимірювання деформації та збору п'єзоелектричної енергії.

У нашій роботі теоретично досліджено п'єзоелектричні ефекти в полімері (L-молочної кислоти) методами теорії функціонала густини та першопринципного псевдопотенціалу на основі власного програмного коду Криворізького державного пе-

Цитування: Задорожній В.М., Балабай Р.М., Бондаренко О.О. П'єзоелектричний відгук полі (L-молочної кислоти) α-форми на механічно напружений стан. Укр. фіз. экурн. **70**, № 2, 107 (2025).

[©] Видавець ВД "Академперіодика" НАН України, 2025. Стаття опублікована за умовами відкритого доступу за ліцензією СС BY-NC-ND (https://creativecommons.org/ licenses/by-nc-nd/4.0/).

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

дагогічного університету [9, 10]. Розраховано просторові розподіли густини валентних електронів, густини електронних станів, кулонівські потенціали в різних напрямках фрагмента полімеру PLLA та зарядові стани окремих його атомів для встановлення кореляції між кристалічною структурою та п'єзовластивостями, що дозволить з'ясувати його конкретне застосування на практиці при різних механічних впливах типу стиснення, згинання або скручування.

2. Методи та моделі дослідження

Основним значенням у формалізмі функціонала електронної густини є густина заряду. Вона оцінювалася нами із самоузгодженого розв'язку рівнянь Кона-Шема для штучної періодичної системи:

$$\rho(\mathbf{G}) = \frac{2}{N_T} \sum_{\mathbf{k}} \sum_{\mathbf{j}} \sum_{\alpha \in T} \sum_{\mathbf{G}'} b_j^* \left(\mathbf{k} + \mathbf{G}' + \alpha \mathbf{G} \right) \times \\ \times b_j \left(\mathbf{k} + \mathbf{G}' \right), \tag{1}$$

де індекс j проходив по всіх зайнятих станах, $\mathbf{k} \in$ вектором із першої зони Бриллюена, $N_T \in$ числом операторів α в точковій групі T атомного базису, а фактор 2 враховував спінове виродження.

Кулонівський потенціал вздовж заданого напрямку розраховували за формулою, яка у оберненому просторі має вигляд:

$$V_h(\mathbf{G}) = \frac{4\pi e^2 \rho(\mathbf{G})}{G^2},\tag{2}$$

де $\rho(\mathbf{G})$ – фур'є-компонента електронної густини (1).

Для оцінки перерозподілу заряду електронів між атомами розраховувався вираз в околі атома α в об'ємі V:

$$q_{\alpha} = Z_{\alpha} - \int_{V_{\alpha}} n(r) d^{3}.$$
 (3)

Наші розрахунки проводились за таких умов: підсумовування по зоні Бриллюена була змінена розрахунком в одній точці – Г-точці. Ітерації самоузгодженості припинялися, якщо результати розрахунку поточної ітерації збігалися з попередньою із заданою похибкою. Зазвичай, наші результати збігалися після 5–6 ітерацій. Кількість плоских хвиль у розкладі хвильової функції була урізана шляхом пробних розрахунків. Кількість плоских хвиль вибирали приблизно 20–25 хвиль на один атом базису. Атомний базис не був оптимізований.

У досліджуваних атомних системах штучну трансляційну симетрію було введено шляхом побудови суперґратки з примітивною тетрагональною коміркою та атомним базисом, який містить повну інформацію про досліджувану систему. Комірка транслювалася в трьох ортогональних напрямках. Для розрахунків були розроблені такі об'єкти:

Об'єкт 1: один ізольований фрагмент полімерного ланцюга (L-молочної кислоти) α форми, що складався із 45 атомів та був орієнтований в межах Лабораторної Декартової системи координат, що діє у програмному комплексі, своєю найдовшою стороною – вуглецевим каркасом – вздовж напрямку Z. До фрагмента застосовувалося моделювання механічного впливу типу статичного стиснення шляхом зміни відповідних координат атомів у напрямку дії сили стиснення, що спряжений з декартовим напрямком Z, тобто, зменшувалися Z-координати атомів до 9% від вихідних із кроком 2%.

Об'єкт 2: один ізольований фрагмент полімерного ланцюга (L-молочної кислоти) α форми, до якого застосовувалося моделювання механічного впливу типу скручування шляхом дії матриці перетворення скручування навколо осі Z, що залежить від погонного кута, пропорційного віддаленню точки об'єкта від нерухомої точки, котра вибиралася у найнижньому атомі полімерного фрагмента (кут = кут^{*} z_i).

Об'єкт 3: один ізольований фрагмент полімерного ланцюга (L-молочної кислоти) α форми, до якого застосовувалося моделювання механічного впливу типу згинання шляхом дії матриці перетворення згинання навколо осі X. На відміну від скручування, при деформації згинання кут повороту точки навколо осі згинання є пропорційним її віддаленню. Згинання здійснювалося відносно нерухомої точки, котра вибиралася у центрі полімерного фрагмента.

3. Результати та їх обговорення

Аналізували зміни обчислених розподілів валентних електронів у різних областях ізольованого фрагмента полімерного ланцюга (L-молочної ки-

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

108



Рис. 1. Просторові розподіли густини валентних електронів для ізозначення 0,9–1,0 від максимального в межах одного ланцюга PLLA при різних механічних рівнях стиснення



Рис. 2. Просторові розподіли густини валентних електронів для ізозначення 0,9–1,0 від максимального в межах одного ланцюга PLLA при різних механічних рівнях кручення



Рис. 3. Просторові розподіли густини валентних електронів для ізозначення 0,9–1,0 від максимального в межах одного ланцюга PLLA при різних механічних рівнях згинання

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

Таблиця 1. Значення електричних зарядів в околі остовів атомів С, О, Н в залежності від кута згинання полімеру

Згинання 0 градусів	Деформація. Згинання 0,5 градусів	Деформація. Згинання 1 градус	Деформація. Згинання 1,5 градусів	Деформація. Згинання 2 градуса	Деформація. Згинання 2,5 градусів
N⁰	та тип атома в цент	рі околу раліусом 1.	323 Å. Переріз елект	ронної густини в ок	олі.
	Кількіст	ь та сорти атомів, ш	о потрапили в окіл.	Заряд, ее	
Вуглець №3	Вуглець №3	Вуглець №3	Вуглець №3	Вуглець №3	Вуглець №3
	and the second se				
Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1
Кисень – 1 2.2110	Кисень – 1 2.7567	Кисень – 1 3.2217	Кисень – 1 3.5569	Кисень – 1 3.8242	-2,0043
Вуглець №9	Вуглець №9	Вуглець №9	Вуглець №9	Вуглець №9	Вуглець №9
	1000				
•	•	•			•
and the second second	Sector sector	Sector sector	Sector sector	A	and the second second
Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1
Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 1
— 1,8203 Вуглець №12	-1,8176 Вуглець №12	-1,8117 Вуглець №12	— 1,8377 Вуглець № 12	-1,8885 Вуглець №12	— 1,9211 Вуглець № 12
•	•	•	•	•	•
Вуглень – 1	Вуглень – 1	Вуглень – 1	- Вуглень – 1	Вуглень – 1	Вуглень – 1
Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 2	Кисень – 1
-1,623 Kucouu №16	-1,5677 Kucom № 16	-1,5086 Kucom №16	-1,424 Kucom № 16	-1,3532 Kucom №16	-1,2808
Кисень л= 10	Кисень м= 10	Кисснь № 10	Кисснь л= 10	Киссив № 10	Кисень № 16
	1000				
•	•		•	•	•
				1000	
Вуглень – 1	Вуглень – 1	Вуглень – 1	Вуглень – 1	Вуглень – 1	Кисень – 1
Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	0,9557
4,2634	4,405	4,468 V	4,6377 V	4,8323 K	V M 20
тисень л≊ 20	Кисень № 20	Кисень № 20	Кисень № 20	Кисень № 20	тисень л≊ 20
1.1					
	1.1	10 M	100 B		
and the second second	and the second	and the second second	STATISTICS.	Sector Barrier	and the second second
Byrneus – 1	Byrneus – 1	Byrneus – 1	Byrneus – 1	Byrneus – 1	Byrneus $= 1$
Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1	Кисень – 1
-0,1385	-0,1884	-0,197	-0,2842	-0,3998	-0,5027

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

110

	Закінчення табл. 1								
Згинання 0 градусів	Деформація. Згинання 0,5 градусів	Деформація. Згинання 1 градус	Деформація. Згинання 1,5 градусів	Деформація. Згинання 2 градуса	Деформація. Згинання 2,5 градусів				
№ та тип атома в центрі околу радіусом 1.323 Å. Переріз електронної густини в околі. Кількість та сорти атомів, що потрапили в окіл. Заряд, ее									
Кисень №24	Кисень №24	Кисень №24	Кисень №24	Кисень №24	Кисень №24				
•		1							
Вуглець – 1 Кисень – 1	Вуглець – 1 Кисень – 1	Вуглець – 1 Кисень – 1	Вуглець – 1 Кисень – 1	Вуглець – 1 Кисень – 1	Вуглець – 1 Кисень – 1				
4,0345 Borom № 26	4,2975 Bououu № 26	4,685 Bououu № 26	5,0168 Bououu № 26	5,4178	5,8538 Bourgu № 26				
Dodens 11-20	Бодень 11-20	Бодень Л-20	Водень 11-20	Боденв Л-20	Бодень 11-20				
•	•			•					
Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1	Вуглець – 1				
2,9998	водень – 1 3,6799	4,1329	4,3107	4,4771	цодень – 1 4,5744				
Водень №31	Водень №31	Водень №31	Водень № 31	Водень №31	Водень № 31				
•		•		•	•				
Вуглець – 2	Вуглець – 2	Вуглець – 2	Вуглець – 2	Вуглець – 2	Вуглець – 2				
Водень – 1 4,3965	Водень – 1 4,2829	Водень – 1 4,1905	Водень – 1 4,1871	Водень – 1 4,2328	Водень – 1 4 ,1675				
Водень № 40	Водень № 40	Водень № 40	Водень № 40	Водень № 40	Водень № 40				
• .	•		• .	• .	• .				
Вуглець – 1 Водень – 1	Вуглець – 1 Водень – 1	Вуглець – 1 Водень – 1	Вуглець – 1 Водень – 1	Вуглець – 1 Водень – 1	Вуглець – 1 Водень – 1				
0,6936 Волент № 45	0,6675 Волень № 45	0,7053 Волент № 45	0,7362 Волень № 45	0,7717 Волень № 45	0,7987				
водень № 45	Водень № 45	Бодень № 45	Водень № 45	Бодень № 45	Водень № 45				
	•	·		·					
Вуглець – 1 Водень – 1 2,1289	Вуглець – 1 Водень – 1 2,132	Вуглець – 1 Водень – 1 2,2322	Вуглець – 1 Водень – 1 2,463	Вуглець – 1 Водень – 1 2,8868	Водень – 1 – 0,6509				

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

111



Рис. 4. Ізольований фрагмент полімерного ланцюга (Lмолочної кислоти) α форми, що складався із 45 атомів, орієнтований своєю найдовшою стороною – вуглецевим каркасом – вздовж напрямку Z Лабораторної Декартової системи координат, що діє у програмному комплексі. Позначені атоми, в околі яких обчислювалися електричні заряди



Рис. 5. Значення електричних зарядів в околі остовів атомів Н залежно від рівня стиснення, кручення, згинання

слоти) α в залежності від механічних деформацій. На рис. 1–3 наведено просторові розподіли густини валентних електронів у межах усього ізольованого фрагмента PLLA при різних типах та рівнях механічних деформацій.

Аналіз лише одного фрагмента полімерного ланцюга вже дозволяє визначити характер перерозпо-



Рис. 6. Значення електричних зарядів в околі остовів атомів С залежно від рівня стиснення, кручення, згинання



Puc. 7. Значення електричних зарядів в околі остовів атомів О залежно від рівня стиснення, кручення, згинання

ділу валентних електронів. Видно, що електронний заряд відступає від звисаючих кінців полімерного ланцюга та втягується всередину ланцюга (див. рис. 1–3). Механічні деформації викликали додаткову поляризацію дипольних компонентів (валентні електрони – іонні остови), що виникають, як уздовж основного вуглецевого ланцюга PLLA, так і впоперек.

Був виконаний більш деталізований аналіз перерозподілу густини валентних електронів у полімері при деформаціях. Так, на рис. 5–7 та частково у табл. 1 наведені значення електричних зарядів в околі остовів атомів С, О, Н об'єктів 1, 2 та 3, які оцінені за формулою (3) в сферичному об'ємі з радіусом 1,323 Å в залежності від рівня стиснення, скручування, згинання відповідно. Атоми, для

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2



ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

113

	Значення	Стиснення, %						
Напрямок		0	1	3	5	7	9	
(а) між атомами	min	-1,426	-1,381	-1,278	-1,178	-1,096	-1,017	
С№6 та О№18	max	9,128	9,219	9,428	9,629	9,812	9,99	
(б) між атомами	min	-3,039	-3,037	-3,034	-3,02	-2,994	-2,96	
С№ 14 та О№ 24	max	5,494	5,446	5,300	5,241	5,238	5,257	
(в) вздовж	min	$0,\!689$	0,509	0,152	-0,163	-0,4	-0,61	
полімеру	max	12,006	12,151	12,484	12,784	13,014	13,222	
	Duououura	Кручення, %						
папрямок	Значення	0	0,1	0,2	0,3	0,5	0,7	
(а) між атомами	min	-1,426	0,456	-2,156	-3,202	-0,871	-2,069	
С№6 та О№18	max	9,128	9,996	10,185	9,913	9,028	10,203	
(б) між атомами	min	-3,039	-3,561	-1,842	-3,612	-3,057	-4,041	
С№ 14 та О№ 24	max	5,494	4,972	5,293	5,05	6,191	5,065	
(в) вздовж	min	$0,\!689$	0,893	0,788	0,622	0,652	0,583	
полімеру	max	12,006	11,326	11,906	12,218	11,702	12,295	
Напрямок	2	Згинання						
	Значення	0	0,5	1	1,5	2	2,5	
(а) між атомами	min	-1,426	-1,503	-1,494	-1,48	-1,443	-1,426	
С№6 та О№18	max	9,128	9,438	9,57	9,698	9,886	10,1	
(б) між атомами	min	-2,895	-2,662	-2,304	-1,87	-1,468	-1,237	
С№ 14 та О№ 24	max	5,420	5,330	5,158	4,886	4,397	3,775	
(в) вздовж	min	0,290	0,087	-0,147	-0,45	-0,814	-1,144	
полімеру	max	11,977	12,046	12,125	12,237	12,414	12,57	

Таблиця 2. Мінімальні та максимальні значення у розподілах кулонівських потенціалів валентних електронів в залежності від деформації полімеру та напрямку обчислення

яких обчислювався заряд, виділені на рис. 4 підписом. Електричні заряди обчислювалися в атомній системі одиниць, в якій заряд електрона вважається рівним одиниці.

Периферійні області полімерного ланцюга, які наведені в табл. 1 та на рис. 5–7 атомами: Н№ 45, О№ 24, Н№ 26, Н№ 31 та їх околами радіусом 1,323 Å, мали знак сумарного заряду "плюс" (від'ємний заряд від валентних електронів та позитивний заряд іонних остовів). Серединні області полімерного ланцюга, які наводилися в табл. 1 та на рис. 5–7: Н№ 40, О№ 20, С№ 12, С№ 9, О№ 16, С№ 3 та їх околами, мали знак сумарного заряду "мінус". Така поляризація в розподілі зарядів підсилювалася із збільшенням рівня деформації усіх досліджених типів. При цьому вплив згинання та стиснення уздовж вуглецевого скелету полімерного волокна виявили монотонність та незначний рівень змін зарядів. Тоді як при скручуванні полімеру фіксувалися значні зміни у величинах зарядів в околах атомів, навіть змінювався знак цих сумарних зарядів, що, вочевидь, викликано значною деформацією хімічних ковалентних зв'язків.

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2025. Т. 70, № 2

Були обчислені за формулою (2) розподіли кулонівських потенціалів за напрямками вздовж та поперек полімеру, які позначені на рис. 8 лініями та рис. 9.

Чисельні значення екстремумів у розподілах Кулонівських потенціалів наведено у табл. 2.

Більш різкий рельєф кулонівських потенціалів валентних електронів має місце в напрямку вуглецевого скелета полімеру, тобто уздовж ланцюга полімеру.

4. Висновки

Були розраховані з використанням теорії функціонала густини та ab initio псевдопотенціалу просторові розподіли густини валентних електронів, заряди на атомах, кулонівські потенціали для ізольованого фрагмента полімерного ланцюга (L-молочної кислоти) α в залежності від механічних деформацій типу стиснення, кручення та згинання.

Лише один фрагмент полімерного ланцюга дозволяє визначити характер зарядової поляризації валентних електронів та іонних остовів при механічних деформаціях, а саме заряд відступає від звисаючих кінців полімерного фрагмента і втягується в його середину.

Збільшення рівня механічних деформацій викликає додаткові поляризації, що виникають, як уздовж основного вуглецевого ланцюга полімеру, так і впоперек.

Вплив згинання та стиснення уздовж вуглецевого скелета полімерного волокна виявилися ефективнішими, ніж скручування.

Більш різкий рельєф кулонівського потенціалу валентних електронів має місце в напрямку вуглецевого скелета полімеру.

- 1. N. Sezer, M. Koç. A comprehensive review on the stateof-the-art of piezoelectric energy harvesting. Nano Energy 80, 105567 (2021).
- 2. M. Smith, S. Kar-Narayan. Piezoelectric polymers: Theory, challenges and opportunities. International Materials Reviews 67, (1), 65 (2022).
- 3. M. Ali, M.J. Bathaei, L. Beker. Biodegradable piezoelectric polymers: recent advancements in materials and applications. Adv. Healthcare Mater. 12, 2300318 (2023).

- 4. Ya. Yu, F. Narita. Evaluation of electromechanical properties and conversion efficiency of piezoelectric nanocomposites with Carbon-Fiber-Reinforced polymer electrodes for stress sensing and energy harvesting. Polymers 13 (18), 3184 (2021).
- 5. J. Wu, Y. Fu, G.-H. Hu, S. Wang, C. Xiong. Effect of stretching on crystalline structure, ferroelectric and piezoelectric properties of solution-cast nylon-11 films. Polymers **13**, 2037 (2021).
- 6. J. Sun, H. Guo, G.N. Schädli, K. Tu, S. Schär, F. Schwarze, I. Burgert. Enhanced mechanical energy conversion with selectively decayed wood. Sci. Advan. 7 (11), eabd9138 (2021).
- 7. E.J. Curry, K. Ke, M.T. Chorsi, K.S. Wrobel, A.N. Miller, A. Patel, I. Kim, J. Feng, L. Yue, Q. Wu, C.L. Kuo, K.W. Lo, C.T. Laurencin, H. Ilies, P.K. Purohit, T.D. Nguyen. Biodegradable piezoelectric force sensor. Proc. Natl. Acad. Sci. U. S. A. 115 (5), 909 (2018).
- 8. J. Zhu, L. Jia, R. Huang. Electrospinning poly(l-lactic acid) piezoelectric ordered porous nanofibers for strain sensing and energy harvesting. J. Mater. Sci. Mater. Electron. 28 (16), 12080 (2017).
- 9. R.M. Balabai, A.G. Solomenko, T.M. Radchenko, V.A. Tatarenko. Functionalization of quasi-two-dimensional materials: Chemical and strain-induced modifications. Progr. Phys. Metals 23, 147 (2022).
- 10. R.M. Balabai, V.M. Zadorozhnii. Ab initio study of the piezoelectric effects of the 2D semiconductors of IV group monochalcogenides (GeSe, GeS). Mol. Cryst. Liq. Crystals **765**, 97 (2023).

Одержано 27.01.24

V.M. Zadorozhnyi, R.M. Balabai, O.O. Bondarenko

PIEZOELECTRIC RESPONSE OF α -FORM POLY(L-LACTIC ACID) TO MECHANICALLY STRESSED STATE

Here, the piezoelectric effects in a polymer (L-lactic acid) under a mechanical action are studied by methods of the density functional theory and first-principles pseudopotential based on own program code. The spatial distributions of the valence electron density, electronic state density, Coulomb potentials in different directions of the PLLA polymer fragment and charge states of its individual atoms are calculated. It is found that only one fragment of the polymer chain allows us to determine the nature of the charge polarization of valence electrons and ions under a mechanical deformation.

Keywords: piezoelectric effects, polymer (L-lactic acid), compression, bending, twisting, density functional theory, firstprinciple calculations.