АНОМАЛІЇ В КОЕФІЦІЄНТАХ ВНУТРІШНЬОЇ КОНВЕРСІЇ ЗАГАЛЬМОВАНИХ РОТАЦІЙНИХ ГАММА-ПЕРЕХОДІВ

В.І. КИРИЩУК, А.П. ЛАШКО, Т.М. ЛАШКО

Інститут ядерних досліджень НАН України (Просп. Науки, 47, Київ 03680; e-mail: lashkoa@kinr.kiev.ua)

©2012

УДК 539.163

Продовжено цикл робіт щодо дослідження ефекту проникнення в M1-компоненті загальмованих ротаційних γ -переходів. Ефект зумовлений різними правилами добору для матричних елементів γ -випромінювання та внутрішньоядерної конверсії. Вперше визначено величину параметра проникнення λ для M1-компоненти γ -переходу з енергією 129 кеВ в ¹⁹¹Іг. Наведено результати досліджень аналогічних переходів в ¹⁶³Ег, ¹⁶⁵Ег та ¹⁷⁷Нf. При порівнянні експериментальних матричних елементів проникнення з їх теоретичними значеннями, обчисленими в моделі Нільсона, знайдено перенормування гіромагнітних відношень для спін-мультипольної взаємодії в M1-конверсійних переходах: $g_s(M1)/g_s^{\rm free}(p) = 0,574\pm0,023$ та $g_s(M1)/g_s^{\rm free}(n) = 0,59\pm0,07$.

1. Вступ

Внутрішня конверсія γ -променів – процес, за якого атомне ядро, переходячи з одного збудженого стану в інший, з меншою енергією, передає енергію збудження безпосередньо одному з електронів оболонки, у результаті чого електрон вилітає з атома. Відношення кількості конверсійних електронів N_e , котрі вилетіли з атома, до кількості γ -квантів N_{γ} , що покинули ядро за той самий час, називається коефіцієнтом внутрішньої конверсії γ -променів α (скорочено KBK) [1]:

$$\alpha = N_e / N_{\gamma}. \tag{1}$$

Ще в перших теоретичних роботах зроблено висновок про те, що КВК слугують характеристикою ядерного переходу, яка не залежить від деталей ядерної структури. Метод визначення за допомогою КВК спінів і парності ядерних рівнів тривалий час вважали цілком незалежним від будь-яких теоретичних припущень щодо будови ядра, крім найбільш загальних

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

вимог виконання законів збереження енергії, кутового моменту та парності в радіаційних і конверсійних переходах ядер. Однак, пізніше виявилося [2], що цей висновок справедливий лише у тому випадку, коли γ випромінювання цього переходу не є значно загальмованим у порівнянні з оцінкою ймовірності одночастинкового переходу. Якщо ж у наведеному розумінні перехід заборонений, то тоді значення КВК може бути суттєво залежним від структури ядра.

Мова йде про аномалії в коефіцієнтах внутрішньої конверсії γ -променів, зумовлених ефектом проникнення. Під ефектом проникнення або внутрішньоядерною конверсією в теорії внутрішньої конверсії розуміють поправку в КВК, яка виникає при заміні перехідних електромагнітних потенціалів, обчислених для точкового ядра (які виникають в момент переходу ядра з одного ядерного рівня на інший), на перехідні потенціали, обчислені для ядра певного розміру.

Згідно з роботою [2] матричний елемент конверсійного переходу, обчислений з урахуванням того, що ядро має певні розміри, розділяється на дві складові:

$$\langle M_e \rangle = \langle M_e \rangle_{r < R} + \langle M_e \rangle_{r > R} \tag{2}$$

для області r < R і r > R, де r і R – координати електрона і нуклона, що взаємодіють при переході. Матричний елемент $\langle M_e \rangle_{r>R}$, як і у випадку точкового ядра, виявляється пропорційним матричному елементу γ -переходу $\langle U_{\gamma} \rangle$. Тому КВК

$$\alpha = \left| \frac{\langle M_e \rangle}{\langle U_\gamma \rangle} \right|^2 = \sum_{\varkappa} |M_{\varkappa} + i\Delta_{\varkappa}|^2, \tag{3}$$

де M_{\varkappa} – нормальний конверсійний матричний елемент, який не залежить від ядерних змінних, а

$$\Delta_{\varkappa} = \frac{\langle M_e \rangle_{r < R}}{\langle U_{\gamma} \rangle} \tag{4}$$

відображає внесок від внутріппньоядерної конверсії; квантове число $\varkappa = (l - j)(2j + 1)$ характеризує стан електрона після процесу конверсії, де j – повний, а l– орбітальний моменти електрона.

З метою спрощення розрахунків функції Ханкеля і Бесселя та електронні хвильові функції, що входять у вираз для внутрішньоядерного конверсійного матричного елемента $\langle M_e \rangle_{r < R}$, зручно розкласти у ряд за степенями r^n , оскільки всередині ядра $r < R_0$. Після цього інтегрування за електронними змінними виконується в явному вигляді і Δ_{\varkappa} можна подати як лінійну комбінацію так званих електронних параметрів та ядерних параметрів проникнення.

Ефект проникнення у випадку переходів магнітної мультипольності можна описати одним ядерним параметром [3]:

$$\lambda = \frac{\langle f \| \hat{\mathbf{J}}_n \mathbf{T}_L^{(0)*} \left(\frac{R}{R_0} \right)^{L+2} \| i \rangle}{\langle f \| \hat{\mathbf{J}}_n \mathbf{T}_L^{(0)*} \left(\frac{R}{R_0} \right)^L \| i \rangle},\tag{5}$$

де $\hat{\mathbf{J}}_n$ – оператор ядерного струму переходу; $\mathbf{T}_L^{(0)}$ – векторні сферичні функції; R_0 – радіус ядра, $R_0 = 1, 2A^{1/3}$ фм; L – порядок мультипольності.

Величина λ визначена формулою (5) як відношення безрозмірних матричних елементів проникнення і випромінювання. Внутрішньоядерний конверсійний матричний елемент як виглядом підінтегральних функцій, так і межами інтегрування відрізняється від радіаційного матричного елемента.

Зазвичай, поправки, зумовлені ефектом проникнення, не перевищують 2% і помітно не впливають на величину КВК. Абсолютно іншу ситуацію маємо у випадку загальмованих γ -переходів. Загальмованість γ -переходу означає, що знаменник у формулі (5) суттєво зменшений. У цьому випадку внесок від внутрішньоядерної конверсії може тепер стати основним і визначати собою величину КВК. При цьому, безумовно, необхідно, щоб правила добору, відповідальні за зменшення ймовірності γ -випромінювання, не впливали (або впливали несуттєво) на ймовірність внутрішньоядерної конверсії. Дійсно, у деяких випадках (так звана "випадкова" заборона M1-переходів; l-заборона; заборона за асимптотичними квантовими числами в деформованих ядрах) правила добору для матричних елементів γ -випромінювання і внутрішньоядерної конверсії виявляються різними [4], а KBK аномальними. Саме перший випадок і є предметом наших досліджень.

2. Вибір об'єктів досліджень

В узагальненій моделі ядра приведена імовірність переходу M1 між рівнями ротаційної смуги (для $K \neq 1/2$) визначається формулою [5]:

$$B(M1, I+1 \to I) = \frac{3}{4\pi} \left(\frac{e\hbar}{2mc}\right)^2 (g_K - g_R)^2 \times$$

$$\times \frac{K^2(I+1+K)(I+1-K)}{(I+1)(2I+3)}.$$
(6)

Гіромагнітні відношення для внутрішнього і колективного рухів (g_K та g_R), які входять в (6), пов'язані з магнітним моментом μ_0 основного стану смуги таким виразом:

$$\mu_0 = \frac{I_0}{I_0 + 1} (g_K I_0 + g_R). \tag{7}$$

Вони можуть бути обчислені за допомогою експериментально виміряних значень B(M1) і μ_0 .

У деяких випадках гіромагнітні відношення остова і частинки поза ним (g_R та g_K) виявляються близькими за величиною. Це приводить до "випадкової" заборони M1-переходів у деформованих ядрах.

Експериментальні значення g_R для ядер з непарним А в середині області деформації концентруються поблизу величини ~0,3, на краях області наближуються до оцінки узагальненої моделі $g_R \cong$ Z/A, яка ґрунтується на припущенні про рух рівномірно зарядженої ядерної речовини [6]. Водночас *g*_{*K*}-фактор змінюється у більш широких межах і є характерною величиною, яку можна використати для ідентифікації конфігурації [7]. Аналізуючи дані магнітних *q*_K-факторів для непарних деформованих ядер з роботи [8], ми прийшли до висновку, що "випадкова" заборона М1-переходів може спостерігатись у ротаційних смугах, побудованих як на одночастинкових станах непарного протона – (3/2[402] і 7/2[404]), так і на одночастинкових станах непарного нейтрона – (5/2[523] і 7/2[514]). Оскільки очікуваний внесок у КВК, зумовлений ефектом проникнення, згідно з теоретичними оцінками не буде перевищувати кількох відсотків [9], необхідні прецизійні виміри коефіцієнтів внутрішньої конверсії для

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

Ядро	$E_{\gamma}, \kappa e B$	$K[Nn_Z\Lambda]$	J_i^{π}, J_f^{π}	F_W	$\lambda^{ m exp}$	Робота
$^{161}_{66}$ Dy	57,2	3/2[521]	$5/2^-, 3/2^-$	19 ± 4	-7^{+6}_{-8}	[12]
					$-(4, 0 \pm 4, 2)$	[13]
$^{163}_{68}{ m Er}$	84,0	5/2[523]	$7/2^{-}, 5/2^{-}$	700 ± 100	_	
$^{165}_{67}$ Ho	94,7	7/2[523]	$9/2^-, 7/2^-$	$3{,}6\pm0{,}2$	$2 \le \lambda \le 5$	[14]
					$4, 4^{+2,1}_{-3,9}$	[15]
$^{165}_{68}{ m Er}$	77,3	5/2[523]	$7/2^{-}, 5/2^{-}$	870 ± 70	_	
$^{175}_{71}{ m Lu}$	113,8	7/2[404]	$9/2^+, 7/2^+$	28 ± 1	$8,4^{+2,2}_{-2,5}$	[16]
					$-(3\pm 1)$	[17]
					$(3, 3 \pm 4, 1)^*$	[18]
					$(3, 8 \pm 4, 1)^*$	[18]
					≈ 2	[19]
					$-(3 \pm 1)$	[20]
$^{177}_{72}{ m Hf}$	113,0	7/2[514]	$9/2^-, 7/2^-$	2300 ± 500	$-(0,6\pm2,0)$	[21]
					$5,6\pm8,4$	[22]
$^{177}_{72}{ m Hf}$	136,7	7/2[514]	$11/2^{-}, 9/2^{-}$	900 ± 400	-	
$^{181}_{73}$ Ta	136,3	7/2[404]	$7/2^+, 5/2^+$	$14{,}7\pm0{,}9$	-	
$^{191}_{77}{ m Ir}$	129,4	3/2[402]	$5/2^+, 3/2^+$	39 ± 1	-	
$^{193}_{77}$ Ir	138,9	3/2[402]	$5/2^+, 3/2^+$	32 ± 1	_	

Т а б л и ц я 1. Основні характеристики загальмованих ротаційних *M*1-переходів у деформованих ядрах та експериментальні значення ядерних параметрів проникнення

*Примітка: при $\delta^2(E2/M1)$ з різних робіт.

цих переходів. Вони можуть бути виконані тільки на магнітному β -спектрометрі високої роздільної здатності і, оскільки світлосила таких приладів незначна, тільки для γ -переходів достатньої інтенсивності і прийнятним періодом напіврозпаду материнського ядра.

У табл. 1 наведено основні характеристики найбільш перспективних для таких досліджень M1переходів, а також експериментальні значення ядерних параметрів проникнення λ з робіт інших авторів. Фактори заборони γ -випромінювання F_W відносно оцінок Вайскопфа розраховані нами за даними [10]. В огляді [11] наведено результати ще для двох ротаційних M1-переходів (в ¹⁶¹Dy і ¹⁶⁵Ho). Вони мають великі $|g_K - g_R|$ і, як наслідок, малі фактори заборони. Ці дані також включено до таблиці.

Як видно з табл. 1, найбільші фактори заборони для *M*1-переходів спостерігаються в ¹⁶³Er, ¹⁶⁵Er і ¹⁷⁷Hf. Для них же варто очікувати і найбільші аномалії в коефіцієнтах внутрішньої конверсії. Для ¹⁶³Er і ¹⁶⁵Er ядерні параметри проникнення не вимірювали взагалі, для ¹⁷⁷Hf дані суперечливі. Похибка визначення λ занадто велика також і для інших *M*1переходів. Зокрема, для ¹⁷⁵Lu середньозважене значення становить $\lambda = -(0, 7 \pm 1, 4)$. Мета наших досліджень – уточнити дані про KBK загальмованих ротаційних переходів в ¹⁶³Er, ¹⁶⁵Er, ¹⁷⁷Hf, ¹⁹¹Ir і отримати

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

прийнятні для подальшого аналізу експериментальні величини параметрів проникнення.

3. Методика аналізу аномалій у КВК змішаних (*M*1 + *E*2)-переходів

Параметр проникнення λ і параметр змішування δ знаходять за розв'язками системи рівнянь для абсолютних або відносних КВК. Для будь-якої *і*підоболонки змішаного (M1 + E2)-переходу експериментальні КВК, з урахуванням ефекту проникнення в M1-компоненті, мають вигляд [23]:

$$\alpha_{i,\text{exp}} = \frac{\alpha_i(M1)(1 + B_1^i\lambda + B_2^i\lambda^2) + \delta^2\alpha_i(E2)}{1 + \delta^2}, \qquad (8)$$

де B_1^i і B_2^i – параметри, які залежать тільки від хвильових функцій електрона і табульовані у роботі [23]; $\alpha_i(M1)$ і $\alpha_i(E2)$ – теоретичні значення КВК на *i*-підоболонці для M1- і E2-переходів відповідно; $\alpha_{i, exp}$ – експериментальні значення КВК на *i*-підоболонці.

Аналогічний вираз можна записати і для відношень КВК:

$$\left(\frac{\alpha_i}{\alpha_j}\right)_{\text{exp}} = \frac{\alpha_i(M1)(1+B_1^i\lambda+B_2^j\lambda^2)+\delta^2\alpha_i(E2)}{\alpha_j(M1)(1+B_1^j\lambda+B_2^j\lambda^2)+\delta^2\alpha_j(E2)}.$$
 (9)



Рис. 1. Фрагмент схеми розпаду $^{165}\mathrm{Tm}$

Систему рівнянь (8), (9) розв'язували шляхом мінімізації функціонала за методом найменших квадратів

$$\chi^{2}_{\min} = \left(\frac{\alpha_{i,\exp} - \alpha_{i}(\lambda,\delta)}{\Delta\alpha_{i,\exp}}\right)^{2} + \sum_{i,j} \left(\frac{(\alpha_{i}/\alpha_{j})_{\exp} - \alpha_{i}(\lambda,\delta)/\alpha_{j}(\lambda,\delta)}{\Delta(\alpha_{i}/\alpha_{j})_{\exp}}\right)^{2}, \quad (10)$$

де $\alpha_{i,\exp}$, $\Delta \alpha_{i,\exp}$, $(\alpha_i/\alpha_j)_{\exp}$, $\Delta (\alpha_i/\alpha_j)_{\exp}$ – експериментальні значення КВК і відношень КВК на *i*- і *j*підоболонках зі своїми похибками; $\alpha_i(\lambda, \delta)$, $\alpha_j(\lambda, \delta)$ і $\alpha_i(\lambda, \delta)/\alpha_j(\lambda, \delta)$ – теоретичні значення КВК і відношень КВК на *i*- і *j*-підоболонках, які залежать від значень λ і δ , які є параметрами підгонки за методом χ^2_{\min} .

Щоб уникнути локальних мінімумів, початкові значення λ і δ знаходили з розв'язків системи рівнянь (8), (9) графічним методом. Теоретичні значення КВК отримані за допомогою інтерполяції табличних значень з роботи [24], а електронних параметрів – з роботи [23].

Стандартні похибки визначаються за допомогою співвідношення:

$$\chi^2(\lambda^{\text{opt}} \pm \Delta \lambda) = \chi^2_{\text{min}} + 1, \qquad (11)$$

де λ^{opt} – оптимальне значення параметра λ , яке мінімізує величину χ^2 . При цьому всі інші параметри фіксовані і відповідають своїм оптимальним значенням.

Аналогічно визначаються і похибки δ .

4. Експеримент

Перші експерименти в цьому напрямку виконано нами на початку 90-х років [25, 26] і продовжуються нині.

Спектри електронів внутріппьої конверсії (ЕВК) γ -переходів виміряно на магнітному β -спектрометрі типу $\pi\sqrt{2}$ із залізним ярмом і радіусом рівноважної орбіти 50 см [27]. Вимірювали залежність швидкості лічби електронів від прикладеної напруги між джерелом випромінювання і камерою спектрометра, при цьому магнітне поле залишалося постійним і стабілізувалося в трьох точках вздовж радіуса методом ядерного магнітного резонансу. Роздільна здатність спектрометра становила 0,04% по імпульсу при тілесному куті 0,07% від 4 π . Він дає змогу визначати відносні інтенсивності конверсійних ліній з точністю до 1%.

Для пошуку аномалій у коефіцієнтах внутрішньої конверсії змішаних (M1+E2)-переходів дуже важливо мати прецизійні дані не тільки про відносні, а і про абсолютні КВК на різних підоболонках атома. Оскільки при визначенні коефіцієнтів внутрішньої конверсії шляхом прямого зіставлення інтенсивностей ЕВК і γ -променів дуже важко досягти необхідної точності, ми визначали їх так. У спектрах ЕВК і γ -променів, близько по енергії до шуканого переходу, вибирали перехід добре відомої мультипольності, теоретичні значення КВК якого використовували як нормуючі. Вимірявши відношення інтенсивностей ЕВК і γ -променів цих двох переходів, абсолютні значення КВК можна визначити за формулою

$$\alpha_i = \alpha_j \frac{I_e^i I_\gamma^j}{I_e^j I_\gamma^j},\tag{12}$$

де $I_e^{i,j}$, $I_{\gamma}^{i,j}$ – експериментальні значення інтенсивностей ЕВК і γ -променів відповідних переходів; $\alpha_{i,j}$ – абсолютні значення їх коефіцієнтів внутрішньої конверсії.

Для вимірювань γ -спектрів використовували детектори з надчистого германія об'ємом 2 і 160 см³ з роздільною здатністю 490 і 800 еВ на γ -лінії 122 кеВ ⁵⁷Со відповідно. Обробку конверсійних і γ -спектрів виконували за розробленими нами програмами [27–29].

4.1. Гамма-перехід з енергією 77 кеВ в ¹⁶⁵ Er

Відношення коефіцієнтів внутрішньої конверсії на K- і L-оболонках, а також абсолютний КВК на K- оболонці ¹⁶⁵Ег для цього γ -переходу були отримані

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11



Рис. 2. Фрагмент схеми розпаду $^{166}\mathrm{Tm}$

при вивченні конверсійного спектра ¹⁶⁵Tm (T_{1/2} = 30,1 год) [30–33], фрагмент схеми розпаду якого зображено на рис. 1. Точність цих вимірів невисока, до того ж і результати різних робіт погано узгоджуються між собою. Одержати з цих даних параметри проникнення λ і змішування $\delta(E2/M1)$ неможливо, чим, власне кажучи, пояснюється їх відсутність у табл. 1. Не прояснюють ситуацію і результати кореляційних вимірювань [34].

Для M1-конверсії на L_3 -підоболонці КВК майже не залежать від ядерних параметрів λ внаслідок малості або навіть рівності нулю коефіцієнтів B_1 і B_2 у формулі (8). Але вони містять інформацію про суміш мультипольностей $\delta^2(E2/M1)$. Тому разом з вимірами відношень інтенсивностей ЕВК на L-підоболонках виконано також виміри абсолютного КВК на L_3 підоболонці ¹⁶⁵Ег для переходу γ 77 кеВ [26].

Джерела випромінювання ¹⁶⁵Tm отримані в реакції (p, 2n) при опроміненні мішеней збагаченого ¹⁶⁶Er протонами з енергією $E_p=23$ MeB на ізохронному циклотроні У-240 ІЯД НАНУ. Мішені виготовлено шляхом напилення у вакуумі фториду ербію на алюмінієву основу. Товщина напилення становила приблизно 50 мкг·см⁻².

Для визначення абсолютного KBK на L_3 підоболонці ¹⁶⁵Ег використано той факт, що при опроміненні ербієвої мішені разом з ¹⁶⁵Tm в реакції

Таблиця 2. Експериментальні значення КВК переходу γ 77 кеВ на L_3 -підоболонці та відносних інтенсивностей ЕВК на L-підоболонках 165 Er

Підоболонка	<i>I</i> _e , відн. од.	KBK
L_1	$0{,}15\pm0{,}07$	_
L_2	$0,\!91\pm0,\!10$	—
L_3	1	$2{,}27\pm0{,}17$



Рис. 3. Фрагмент схеми розпаду $^{163}\mathrm{Tm}$

(p, n) утворюється ¹⁶⁶Tm ($T_{1/2} = 7,7$ год), в розпаді якого присутній близький за енергією до $\gamma 77$ кеВ інтенсивний перехід $\gamma 81$ кеВ мультипольності E2, теоретичні значення КВК якого можна використовувати як нормуючі. Фрагмент схеми розпаду ¹⁶⁶Tm зображено на рис. 2.

Вимірювання відношень інтенсивностей $I_{\gamma}(77)/I_{\gamma}(81)$ виконано за допомогою НРGедетектора об'ємом 160 см³. Оскільки це відношення з часом змінюється, виміри γ -спектра приводили до часу вимірювань відношень інтенсивностей ЕВК $L_3(77)/L_3(81)$ з урахуванням періодів напіврозпаду ¹⁶⁵Tm і ¹⁶⁶Tm.

Результати вимірів наведено у табл. 2. При визначенні абсолютного КВК переходу γ 77 кеВ на L_3 підоболонці ¹⁶⁵Ег за формулою (12) для *E*2-переходу γ 81 кеВ використовували його теоретичне значення $\alpha_{L_3}(81) = 1,925$ [24].

Виміряні нами відносні інтенсивності ЕВК на *L*підоболонках ¹⁶⁵Ег у межах експериментальних похибок узгоджуються з даними [30, 31, 33] і мають вищу точність. Аналіз конверсійних даних з табл. 2 дозволяє отримати для параметра змішування таке значення: $|\delta(E2/M1)| = 6^{+\alpha}_{-3}$ (при $\lambda \approx 0$). Воно добре узгоджується з результатами роботи [34]. На жаль, досягнутої точності вимірювань абсолютних і відносних КВК переходу γ 77 кеВ на *L*-підоболонках ¹⁶⁵Ег виявилось недостатньо, щоб визначити при цьому також величину параметра проникнення λ .

4.2. Гамма-перехід з енергісю 84 кеВ в ¹⁶³Ег

Ситуація з конверсійними даними для цього переходу нічим не краща, ніж для γ -переходу з енергією 77 кеВ в¹⁶⁵Ег. А оскільки період напіврозпаду материнського ядра ¹⁶³Тт (див. рис. 3) становить лише 1,8 годи-



Рис. 4. Фрагмент схеми розпаду ¹⁷⁷Lu

ни, отримати їх значно складніше. Для переходу $\gamma 84$ кеВ виміряні відношення КВК на *K*- і *L*-оболонках, а також абсолютний КВК на *K*-оболонці¹⁶³Ег [35– 37]. Точності цих даних виявилось недостатньо, щоб визначити параметри проникнення λ і змішування $\delta(E2/M1)$ для цього переходу.

Проведений аналіз показав, що ця задача може бути розв'язана за умови вимірів абсолютного КВК переходу на L_3 -підоболонці ¹⁶³Ег. Для цього мішені зі збагаченого ¹⁶⁶Ег опромінювались спочатку протягом 8 годин протонами з енергією $E_p = 23$ МеВ, щоб в реакції (p, n) одержати ¹⁶⁶Тт, а потім протягом 2 годин мішень опромінювалась протонами з енергією $E_p = 41$ МеВ, щоб в реакції (p, 4n) отримати ¹⁶³Тт. Як і в попередньому випадку, теоретичні значення КВК *Е*2-переходу з енергією 81 кеВ з розпаду ¹⁶⁶Тт використовували як нормуючі.

Вимірювання відношень інтенсивностей $I_{\gamma}(84)/I_{\gamma}(81)$ виконані НРGе-детектором об'ємом 160 см³. Оскільки це відношення змінюється з часом, виміри γ -спектра приводили до часу вимірювань відношень інтенсивностей ЕВК $L_3(84)/L_3(81)$ з урахуванням періодів напіврозпаду ¹⁶³Tm і ¹⁶⁶Tm.

Абсолютний КВК γ -переходу з енергією 84 кеВ на L_3 -підоболонці ¹⁶³Ег виявився таким: $\alpha_{L_3}(84) = 0,82\pm0,16$. Спільний аналіз найбільш точних конверсійних даних роботи [37] і виміряного нами абсолютного значення КВК на L_3 -підоболонці дозволив визначити параметр змішування $|\delta(E2/M1)| = 1,5\pm0,1$

і параметр проникнення $\lambda = 2,5 \pm 1,7$ для *M*1-компоненти цього переходу.

4.3. Гамма-перехід з енергією 113 кеВ в ¹⁷⁷ Нf

Як видно з табл. 1, M1-компонента цього переходу має найбільший фактор заборони серед всіх відомих ротаційних переходів у деформованих ядрах. Це приводить до того, що $\gamma 113$ кеВ в ¹⁷⁷Нf є майже чистим E2-переходом з невеликою домішкою M1компоненти. Ця ситуація і пояснює таку велику кількість розбіжностей в оцінці параметрів змішування $\delta(E2/M1)$, одержаних як з конверсійних даних, так і з результатів кореляційних вимірювань.

На сьогодні відомо дев'ять експериментальних значень цієї величини (включно з нашими результатами), опублікованих різними авторами в різний час. Всі вони подані у табл. З. Як видно з таблиці, деякі з них суттєво відрізняються між собою. Становище ускладнюється ще і тим, що для *M*1-компоненти цього переходу можливі аномалії у KBK, зумовлені ефектом проникнення. Цю можливість необхідно враховувати при визначенні параметра змішування.

Щоб прояснити ситуацію, нами виконано прецизійні вимірювання відносних інтенсивностей ЕВК на *L*підоболонках ¹⁷⁷Нf для цього переходу [25]. Джерела ¹⁷⁷Lu ($T_{1/2} = 6,6$ днів) отримано в реакції (n, γ) при опроміненні мішеней на реакторі ВВР-М протягом двох тижнів потоком теплових нейтронів інтенсивністю 5·10¹³ нейтронів·см⁻². Мішені виготовляли шляхом напилення у вакуумі металічного лютецію на алюмінієву фольгу. Виконано вимірювання на джерелах різних товщин напилення – від 30 до 70 мкг·см⁻². Фрагмент схеми розпаду ¹⁷⁷Lu зображено на рис. 4.

Усереднивши результати кількох серій вимірювань, одержали такі значення відносних інтенсивностей ЕВК на *L*-підоболонках ¹⁷⁷Нf для переходу γ 113 кеВ: $L_1/L_3 = 0,189\pm0,002$ і $L_2/L_3 = 1,109\pm0,011$. При цьому в похибку визначення інтенсивностей конверсійних ліній включено можливу системати-

Таблиця 3. Експериментальні значення параметра змішування $\delta(E2/M1)$ для γ -переходу з енергією 113 кеВ в ¹⁷⁷Нf

-			
$\delta(E2/M1)$	Робота	$\delta(E2/M1)$	Робота
$-(3,0\pm 0,8)$	[38]	$-(3,7\pm 0,3)$	[39]
$-(3,99\pm 0,25)$	[22]	$-(4, 0 \pm 0, 2)$	[40]
$(4, 20 \pm 0, 11)^*$	[25]	$-(4,75\pm 0,07)$	[21]
$-(4,5\pm 0,3)$	[41]	$-(4, 8 \pm 0, 2)$	[42]
$-(4,85\pm 0,05)$	[43]		

*П р и м і т к а: приведено значення $|\delta(E2/M1)|$.

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

чну похибку, яка за нашими оцінками не перевищує 1% [27].

Наші результати добре узгоджуються з даними Хогберга та ін. [41], однак ставлять під сумнів достовірність результатів Новакова і Холандера [44]. Доповнивши наявні в літературі дані про абсолютні і відносні КВК на K-, L- і M-оболонках отриманими нами результатами, вдалось визначити параметр змішування $|\delta(E2/M1)| = 4,20 \pm 0,11$ і параметр проникнення $\lambda = 1,8 \pm 1,4$ для *M*1-компоненти цього переходу. Величина параметра проникнення добре узгоджується з наявною систематикою для переходів такого типу, а це, у свою чергу, підтверджує правильність визначення параметра змішування. Якщо ж, наприклад, взяти $\delta(E2/M1) = -(4,85\pm0,05)$ з [43] і використати його разом з даними про КВК для визначення параметра проникнення, то одержимо $\lambda = -(4, 7 \pm 0, 5)$, яке протирічить теоретичним оцінкам. При цьому $\chi^2_{\rm min}=6,1$ для розв'язку системи рівнянь (9), (10) методом найменших квадратів на відміну від $\chi^2_{
m min} = 1,3$ при $\delta(E2/M1)$ з [25].

4.4. Гамма-перехід з енергією 137 кеВ в ¹⁷⁷ Нf

У табл. 1 фігурує ще один загальмований М1-перехід в¹⁷⁷Нf – між першим і другим збудженим рівнем ротаційної смуги основного стану (див. рис. 4). Його інтенсивність в розпаді ¹⁷⁷Lu на два порядки менша, ніж інтенсивність у-переходу з енергією 113 кеВ, що дуже ускладнює отримання прецизійних даних про КВК. Було виконано кілька експериментальних робіт [22, 45], однак точність цих вимірювань невисока. Не вдається досягти високої точності і при дослідженні розпаду ¹⁷⁷Та ($T_{1/2} = 56$ годин) [40]. Ми намагались уточнити значення відносних та, по можливості, і абсолютних КВК на *L*-підоболонках ¹⁷⁷Нf для цього переходу, використавши для вимірювань спектрів EBK магнітний *β*-спектрометр, в якому реєстрація електронів відбувалась за допомогою мікроканальних пластин [46].

Джерелами випромінювання слугували мішені з природного і збагаченого ¹⁷⁶Lu з товщиною напиле-

Таблиця 4. Експериментальні значення КВК та відносних інтенсивностей ЕВК переходу $\gamma 137$ кеВ на *L*-підоболонках ¹⁷⁷Hf

Підоболонка	<i>I</i> _e , відн. од.	KBK
L_1	$0,\!47\pm0,\!11$	_
L_2	$1{,}31\pm0{,}18$	$0,\!25\pm0,\!06$
L_3	1	$0{,}13\pm0{,}05$





Рис. 5. Фрагмент схеми розпаду $^{186}\mathrm{Re}$

ння від 30 до 100 мкг·см⁻², які опромінювались на реакторі протягом тижня. Для вимірів абсолютних КВК виготовлено мішені з суміші природного лютецію і збагаченого ¹⁸⁵Re, при сумарній товщині напилення ≤ 70 мкг·см⁻². Утворений при опроміненні тепловими нейтронами ¹⁸⁶Re ($T_{1/2} = 3,7$ днів) має близький за енергією перехід γ 137 кеВ мультипольності E2 (див. рис. 5), теоретичні значення КВК якого можна використати як нормуючі. Відносні інтенсивності γ -переходів, які нас цікавлять, виміряно за допомогою НРGе-детектора об'ємом 2 см³ і роздільною здатністю 490 еВ на γ -лінії 122 кеВ ⁵⁷Со. Результати вимірювань наведено у табл. 4.

Сукупний аналіз наявних у літературі конверсійних даних для переходу $\gamma 137$ кеВ в ¹⁷⁷Нf і даних табл. 4 дозволяє одержати для параметра змішування таке значення: $|\delta(E2/M1)| = 2, 3 \pm 0, 7$ (при $\lambda \approx 0$). Як і у випадку з переходом $\gamma 77$ кеВ в ¹⁶⁵Ег, досягнутої точності вимірів абсолютних і відносних КВК виявилось недостатньо, щоб визначити при цьому також величину параметра проникнення λ .

4.5. Гамма-перехід з енергією 129 кеВ в ¹⁹¹Іг

Коефіцієнти внутрішньої конверсії цього γ -переходу зручно вимірювати при β -розпаді ¹⁹¹Os ($T_{1/2} =$ 15,4 дня), фрагмент схеми розпаду якого зображено на рис. 6. Відношення інтенсивностей ЕВК на *L*підоболонках атома, а також КВК на *K*-оболонці визначено різними авторами ще в 60-х роках минулого століття [47–53]. У кращих роботах досягнуто точність близько 3%. Однак її виявилось недостатньо, щоб надійно визначити величину параметра проникнення λ і параметра змішування $\delta(E2/M1)$, хоча таку спробу і було зроблено [54]. Досягнута на сьогоднішній день точність кореляційних вимірювань [55] також не дає змоги розв'язати цю задачу. Прорив



Рис. 6. Фрагмент схеми розпаду ¹⁹¹Os

у цьому напрямку намітився після виходу роботи [56], авторам якої вдалось визначити КВК γ -переходу з енергією 129 кеВ на K-оболонці ¹⁹¹Іг з точністю краще 1%. Виріпили спробувати виміряти з такою ж точністю і відношення інтенсивностей ЕВК на L-підоболонках іридію.

Джерела ¹⁹¹Оѕ одержано в реакції (n, γ) при опроміненні осмієвих мішеней на реакторі ВВР-М ІЯД НАН України тепловими нейтронами. Мішені було виготовлено шляхом напилення в вакуумі збагаченого до 91,2% ¹⁹⁰Оѕ на алюмінієву основу. Виміряні значення інтенсивностей ліній електронів внутрішньої конверсії виявились такими: $L_2/L_1 = 0,3076 \pm 0,0030, L_3/L_1 = 0,1653 \pm 0,0008.$

Їх використано разом із даними роботи [56] по КВК цього переходу на *K*-оболонці ¹⁹¹Іг $\alpha_K = 2,134 \pm 0,014$ для знаходження параметра змішування $\delta(E2/M1)$ і параметра проникнення λ . Отримане нами значення параметра змішування $|\delta(E2/M1)| = 0,3907 \pm 0,0010$ добре узгоджується з даними кореляційних вимірювань [55], але має при цьому більш високу точність. Величину параметра проникнення $\lambda = 1,22\pm 0,09$ для *M*1-компоненти γ -переходу з енергією 129 кеВ в ¹⁹¹Іг визначено вперше.

5. Визначення експериментальних значень матричних елементів проникнення. Порівняння теорії з експериментом

Величину λ визначено формулою за (5) як відношення матричних елементів проникнення і випромінювання. Тобто, якщо виміряний парціальний період напіврозпаду для радіаційного переходу, а з КВК одержано експериментальне значення λ^{exp} , то можна знайти експериментальне значення ядерного матричного елемента проникнення:

$$\langle M_e \rangle^{\exp} = \lambda^{\exp} \times \langle U_\gamma \rangle^{\exp}.$$
 (13)

Експериментальне значення матричного елемента для γ -випромінювання M1-мультипольності $\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp}$, у свою чергу, можна знайти з приведеної ймовірності $B(M1) \gamma$ -переходу:

$$\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp} = [(2I_i + 1)B(M1)]^{1/2}.$$
 (14)

У табл. 5 наведено експериментальні значення матричних елементів проникнення $\langle M_e \rangle^{\rm exp}$, виміряних для ротаційних γ -переходів у ¹⁶³Er, ¹⁷⁷Hf і ¹⁹¹Ir. При їх обчисленні використано величини B(M1) з роботи [10].

З аномальних КВК визначається знак λ^{\exp} . Знак матричних елементів проникнення $\langle M_e \rangle^{\exp}$ залишається невідомим, оскільки з наведених ймовірностей γ -переходів можна одержати лише абсолютні значення $\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp}$. Однак, як відзначалось у роботі [3], знак $\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp}$ можна визначити з теоретичних значень $\langle M_e \rangle^{\text{th}}$ так:

$$\operatorname{sign} \langle U_{\gamma} \rangle^{\operatorname{exp}} = \operatorname{sign} \lambda^{\operatorname{exp}} \times \operatorname{sign} \langle M_e \rangle^{\operatorname{th}}.$$
 (15)

Оскільки для всіх досліджуваних нами M1-переходів sign λ^{\exp} додатний, то знак $\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp}$ визначається знаком $\langle M_e \rangle^{\text{th}}$. А він від'ємний для одноквазічастинкових нейтронних переходів $7/2^{-}5/2[523] \rightarrow 5/2^{-}5/2[523]$ в ¹⁶³Ег і $9/2^{-}7/2[514] \rightarrow 7/2^{-}7/2[514]$ в ¹⁷⁷Нf, але додатний для одноквазічастинкового протонного переходу $5/2^{+}3/2[402] \rightarrow 3/2^{+}3/2[402]$ в ¹⁹¹Iг.

Теоретичний вираз для ядерних матричних елементів γ -випромінювання і проникнення, а також подробиці, пов'язані з їх обчисленням у різних моделях ядра, викладено у роботах [3,9,57,58].

Аналіз M1-переходів з $\Delta K = 0, \pm 1$ в деформованих ядрах зручно вести за допомогою таблиць радіаційних і конверсійних матричних елементів, обчислених у моделі Нільсона [59–62]. Згідно з роботою [59] у випадку $K \neq 1/2$:

$$\langle M_e \rangle^{\text{th}} = \langle P_1 \rangle \mu_n = 0,722 A^{-1/3} C_{K,K'-K,K'}^{J1J'} \times$$

Таблиця 5. Експериментальні значення матричних елементів проникнення $\langle M_e \rangle^{\exp}$ для ротаційних переходів в ¹⁶³ Ег, ¹⁷⁷ Нf і ¹⁹¹ Іг

Ядро	E_{γ} , кеВ	$\lambda^{ ext{exp}}$	$\langle U_{\gamma} \rangle^{\exp}$, я. м.	$\langle M_e \rangle^{ m exp}$, я. м.
$^{163}_{68}{ m Er}$	84,0	$2,5\pm1,7$	$-(0,141\pm0,010)$	$-(0,35\pm 0,24)$
$^{177}_{72}{ m Hf}$	113,0	$1,\!8\pm1,\!4$	$-(0,088\pm0,010)$	$-(0,16\pm 0,12)$
$^{191}_{77}$ Ir	129,4	$1{,}2\pm0{,}1$	$0,\!528\pm0,\!006$	$0,\!64\pm0,\!05$

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

$$\times [3(2J+1)/16\pi]^{1/2}(N+3/2) \times$$
$$\times \{(g_l - g_R) GML(K \to K') +$$
$$+ [(5/3)g_s - g_R]GMS(K \to K') +$$
$$+ g_s PME(K \to K')\},$$

де A – масове число; J, K – квантові числа початкового, J', K' – кінцевого станів; C – коефіцієнт Клебша– Гордана; N – головне квантове число; μ_n – ядерний магнетон; $g_l = 0$ або 1 для нейтронних і протонних переходів; g_R – гіромагнітне відношення для обертального руху ядра; $GML(K \to K'), GMS(K \to K')$ і $PME(K \to K')$ – матричні елементи, табульовані в [59] і [60]; g_s – спінове гіромагнітне відношення.

У простій одночастинковій моделі гіромагнітне відношення $g_s = 5,58$ і -3,82 для однопротонних і однонейтронних переходів відповідно. Насправді ж розраховані значення матричних елементів з таким гіромагнітним відношенням точно з експериментом не збігаються. В такому випадку кажуть про перенормування g_s -фактора в реальному ядрі у порівнянні з g_s -фактором вільного нуклона. Відношення експериментального матричного елемента до обчисленого дає фактор перенормування або просто перенормування.

Певною мірою перенормування можна пояснити, уточнюючи ядерну модель, на основі якої виконується порівняння теоретичного і експериментального ядерних матричних елементів. Але коли матричний елемент не загальмований правилами добору в даній моделі ядра (а саме такими є в більшості випадків матричні елементи проникнення $\langle M_e \rangle$), то уточнення моделі (наприклад, перехід від хвильових функцій Нільсона до хвильових функцій Саксона–Вудса для розрахунку $\langle M_e \rangle$ в деформованих ядрах або врахування надтекучих поправок і коріолісової взаємодії) у більшості випадків дає незначні зміни теоретичного матричного елемента проникнення [3] і не пояснює експериментальне перенормування g_s -факторів, яке спостерігається.

Як уже неодноразово зазначалось Лістенгартеном та ін. [11, 63], вивчення внутрішньоядерної конверсії дає унікальну можливість експериментально визначити перенормування *g*-факторів при матричних елементах з оператором $\hat{\mathbf{S}}$ (*g*_s-факторів) у гамільтоніані залишкової взаємодії. Найважливішою частиною гамільтоніана залишкової взаємодії є спінмультипольна взаємодія, яка містить тензорні добутки оператора спіну $\hat{\mathbf{S}}$ на сферичні вектори $\mathbf{T}_{LM}^{(\nu)}$.

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

При кожному *L*, оператор спін-мультипольної взаємодії складається із трьох компонент з індексами $\nu = 0$, $\nu = -1$ і $\nu = +1$ в $\mathbf{T}_{LM}^{(\nu)}$:

$$\mathbf{ST}_{LM}^{(-1)}, \, \mathbf{ST}_{LM}^{(0)}, \mathbf{ST}_{LM}^{(+1)}$$
 (17)

з відповідними константами \varkappa_L^{ν} .

(16)

Матричний елемент оператора $\mathbf{ST}_{LM}^{(-1)}$ входить у вираз для магнітних мультипольних моментів і в імовірність магнітного мультипольного випромінювання, матричний елемент оператора $\mathrm{ST}_{LM}^{(0)}$ входить у матричний елемент проникнення для аномальної конверсії електричної мультипольності, а матричний елемент оператора $\mathbf{ST}_{LM}^{(+1)}$ входить у матричний елемент проникнення для аномальної магнітної конверсії. Знайшовши відповідні перенормування $g_s/g_s^{\rm free}$ з у-випромінювання і аномальної конверсії, ми тим самим одержимо експериментальні значення всіх матричних елементів, котрі входять в оператор гамільтоніана залишкової взаємодії. І якщо перенормування для простого магнітного оператора $\mathbf{ST}_{LM}^{(-1)}$, який в дипольному випадку (L = 1) є просто оператор $\hat{\mathbf{S}}_Z$, добре відоме з вивчення магнітних моментів і магнітних *γ*-переходів (воно дорівнює в середньому приблизно 0,6), то для знаходження перенормування двох інших операторів в (17) вивчення аномальної конверсії є єдиним на сьогоднішній день шляхом, який дає конкретний кількісний результат [3].

У формулі (16) g_s дорівнює згаданому вище гіромагнітному відношенню для спін-мультипольної взаємодії вигляду $\mathbf{ST}_{LM}^{(+1)}$, тобто дорівнює g_s -фактору магнітної аномальної конверсії.

У табл. 6 наведено експериментальні значення перенормування спінового гіромагнітного відношення в ротаційних M1-переходах в 163 Er, 177 Hf і 191 Ir, які одержано при порівнянні експериментальних матричних елементів проникнення з табл. 5 з теоретичними, обчисленими з хвильовими функціями потенціалу Нільсона за формулою (16). Теоретичні значення матричних елементів $GML(K \to K'), GMS(K \to K')$ і $PME(K \to K')$ отримані інтерполяцією табличних

Таблиця 6. Експериментальні значення перенормування спінових гіромагнітних відношень $g_s(M1)/g_s^{\text{free}}(p)$ і $g_s(M1)/g_s^{\text{free}}(n)$ в *M*1-конверсійних переходах в ¹⁶³Er, ¹⁷⁷Hf і ¹⁹¹Ir

Ядро	$E_{\gamma}, \kappa e B$	$g_s(M1)/g_s^{\rm free}(p)$	$g_s(M1)/g_s^{\rm free}(n)$
$^{163}_{68}{ m Er}$	84,0	-	$0{,}70\pm0{,}18$
$^{177}_{72}$ Hf	113,0	-	$0{,}57\pm0{,}08$
$^{191}_{77}$ Ir	129,4	$0,\!574 \pm 0,\!023$	—

значень з [59,60], параметри квадрупольної деформації взято з [64,65].

Середнє значення перенормування g_s -фактора для нейтронних переходів в ¹⁶³Ег і ¹⁷⁷Нf, обчислене за даними табл. 6, складає: $g_s(M1)/g_s^{\text{free}}(n) = 0,59 \pm 0,07$. Величина перенормування g_s -фактора, одержана з даних по аномальній M1-конверсії, близька за значенням до перенормування g_s -фактора для M1переходів, яке одержано з вивчення магнітних моментів ядер (див., наприклад, [7]). Якою мірою цей збіг не є випадковим, сказати зараз важко, але важливо продовжити вивчення цієї проблеми.

- 1. М.А. Листенгартен, в *Гамма-лучи*, под ред. Л.А. Слива (АН СССР, Москва, Ленинград, 1961), с. 271.
- E.L. Church and J. Weneser, Phys. Rev. 104, 1382 (1956).
- И.М. Банд, М.А. Листенгартен, А.П. Фересин, Аномалии в коэффициентах внутренней конверсии гаммалучей (Наука, Ленинград, 1976).
- М.Е. Войханский, М.А. Листенгартен, Изв. АН СССР, Сер. физ. 23, 238 (1959).
- М.Е. Войханский, в Гамма-лучи, под ред. Л.А. Слива (АН СССР, Москва, Ленинград, 1961), с. 5.
- Э.Е. Берлович, в Гамма-лучи, под ред. Л.А. Слива (АН СССР, Москва, Ленинград, 1961), с. 85.
- О. Бор, Б. Моттельсон, Структура атомного ядра (Мир, Москва, 1977), т. 2.
- 8. Л. Гродзинс, УФН **103**, 37 (1971).
- А.П. Фересин, Г. Шульц, Изв. АН СССР, Сер. физ. 36, 890 (1972).
- Evaluated Nuclear Structure Data File (National Nuclear Data Center, Brookhaven National Laboratory) [http://www.nndc.bnl.gov].
- 11. М.А. Листенгартен, в Современные методы ядерной спектроскопии 1985 (Наука, Ленинград, 1986), с. 142.
- 12. B.N. Subba Rao, Nucl. Phys. 72, 414 (1965).
- V. Hnatowicz and O. Dragoun, Czech. J. Phys. B 33, 1084 (1983).
- 14. T. Novakov and R. Stepić, Phys. Lett. 3, 82 (1962).
- 15. C. Protop, Rev. Roum. Phys. 16, 367 (1971).
- 16. C. Protop, Rev. Roum. Phys. 16, 951 (1971).
- М.А. Листенгартен, в Призменные бета-спектрометры и их применение (ИФ АН ЛитССР, Вильнюс, 1971), с. 169.
- F. Constantinescu, A. Enulescu, Al. Gelberg *et al.*, Z. Phys. A **267**, 389 (1974).
- L.M. Quinones, M. Behar, Z.W. Grabowski *et al.*, Z. Phys. A **274**, 173 (1975).

- A.G. Troitskaya et al., Izv. Akad. Nauk KazSSR Ser. Fiz.-Mat. 4, 8 (1977).
- L. Holmberg, V. Stefansson, J. Becker *et al.*, Phys. Scripta 6, 177 (1972).
- A.P. Agnihotry, K.P. Gopinathan, and H.C. Jain, Phys. Rev. C 9, 336 (1974).
- 23. R.S. Hager and E.C. Seltzer, Nucl. Data Tables A 6, 1 (1969).
- R.S. Hager and E.C. Seltzer, Nucl. Data Tables A 4, 1 (1968).
- 25. В.В. Булгаков, В.И. Гаврилюк, А.Б. Казновецкий и др., Тезисы докладов XL совещания по ядерной спектроскопии и структуре атомного ядра (Наука, Ленинград, 1990), с. 111.
- 26. В.И. Гаврилюк, В.И. Кирищук, С.А. Коваленко и др., Тезисы докладов XLI совещания по ядерной спектроскопии и структуре атомного ядра (Наука, Ленинград, 1991), с. 95.
- В.В. Булгаков, В.И. Гаврилюк, А.П. Лашко и др., препр. КИЯИ-86-33. (Киев, 1986).
- А.П. Лашко, Т.Н. Лашко, А.А. Одинцов, В.П. Хоменков, Атомная энергия 91, 443 (2001).
- V.T. Kupryashkin, A.P. Lashko, T.N. Lashko *et al.*, Probl. At. Sci. Technol. Ser. Nucl. Phys. Investig. 5, 67 (2004).
- B. Harmatz, T.H. Handley, and J.W. Mihelich, Phys. Rev. 128, 1186 (1962).
- К.Я. Громов, Б.С. Джелепов, В. Звольска и др., Изв. АН СССР, Сер. физ. 27, 195 (1963).
- Т. Куцарова, В. Звольска, М. Вейс, Изв. АН СССР, Сер. физ. 32, 126 (1968).
- А.А. Абдуразаковб В.М. Горожанкин, К.Я. Громов и др., Изв. АН СССР, Сер. физ. 44, 1842 (1980).
- 34. I. Uluer, Nuovo Cimento A **100**, 553 (1988).
- 35. B. Harmatz, T.H. Handley, and J.W. Mihelich, Phys. Rev. 114, 1082 (1959).
- 36. М.А. Баратова, К.Я. Громов, Т.А. Исламов и др., Тезисы докладов XXXVII совещания по ядерной спектроскопии и структуре атомного ядра (Наука, Ленинград, 1987), с. 113.
- Цв. Вылов, В.М. Горожанкин, К.Я. Громов и др., Изв. АН СССР, Сер. физ. 46, 2239 (1982).
- 38. S. Törnkvist, S. Ström, J.E. Thun *et al.*, Nucl. Phys. A 117, 336 (1968).
- B. Hrastnik, I. Basar, M. Dikšić *et al.*, Z. Phys. **239**, 25 (1970).
- H.J. West, L.G. Mann, R.J. Nagle, Phys. Rev. 124, 527 (1961).
- 41. S. Högberg, R. Jadrny, S.-E. Karlsson *et al.*, Z. Phys. 254, 89 (1972).

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11

- 42. H.E. Keus and W.J. Huiskamp, Physica B 85, 137 (1976).
- C.C. Dey, B.K. Sinha, and R. Bhattacharya, Nuovo Cimento A 105, 1307 (1992).
- T. Novakov and J.M. Hollander, Nucl. Phys. 60, 593 (1964).
- 45. В.Н. Григорьев, Д.М. Каминкер, Ю.В. Сергеенков, Изв. АН СССР, Сер. физ. 36, 842 (1972).
- 46. В.Т. Купряшкин, Н.Ф. Митрохович, Л.П. Сидоренко, А.И. Феоктистов, Тезисы докладов XL совещания по ядерной спектроскопии и структуре атомного ядра (Наука, Ленинград, 1990), с. 442.
- 47. Z. Plajner, L. Maly, N. Eissa, and A. Benedek, Czech. J. Phys. B 13, 23 (1963).
- 48. B.I. Deutch and P. Hornshoj, Nucl. Phys. 53, 497 (1964).
- 49. D. Lange, Z. Phys. 183, 90 (1965).
- 50. Е.П. Мазец, Ю.В. Сергеенков, Изв. АН СССР, Сер. физ. **30**, 1193 (1966).
- Z. Plajner, V. Brabec, O. Dragoun, and L. Maly, Czech. J. Phys. B 17, 703 (1967).
- S.G. Malmskog and A. Backlin, Arkiv Fysik **39**, 411 (1969).
- D.S. Brenner and M.L. Perlman, Nucl. Phys. A 181 207 (1972).
- 54. S.B. Reddy, K.V. Ramaniah, D.K.S. Reddy *et al.*, Nuovo Cimento A **84**, 141 (1984).
- E. Bezakova, A.E. Stuchbery, H.H. Bolotin *et al.*, Nucl. Phys. A **669**, 241 (2000).
- N. Nica, J.C. Hardy, V.E. Iacob *et al.*, Phys. Rev. C 71, 054320 (2005).
- 57. М.Е. Войханский, М.А. Листенгартен, А.П. Фересин, ЯФ 4, 66 (1966).
- М.Е. Войханский, В.Н. Григорьев, М.А. Листенгартен, А.П. Фересин, Изв. АН СССР, Сер. физ. 35, 847 (1971).
- D.K. Krpić, I.V. Aničin, and R.B. Vukanović, Nucl. Data Tables **11**, 553 (1973).
- 60. E. Browne and F.R. Femenia, Nucl. Data Tables 10, 81 (1971).
- Р.Б. Бегжанов, В.М. Беленький, М.Е. Войханский, А.П. Фересин, Изв. АН СССР, Сер. физ. 41, 1131 (1977).
- Р.Б. Бегжанов, В.М. Беленький, М.Е. Войханский, А.П. Фересин, Изв. АН СССР, Сер. физ. 41, 1115 (1977).
- 63. М.А. Листенгартен, В.М. Михайлов, А.П. Фересин, Изв. АН СССР, Сер. физ. 40, 712 (1976).

- S. Raman, C.W. Nestor, and P. Tikkanen, At. Data Nucl. Data Tables 78, 1 (2001).
- 65. N.J. Stone, At. Data Nucl. Data Tables **90**, 75 (2005). Одержано 15.11.11

АНОМАЛИИ В КОЭФФИЦИЕНТАХ ВНУТРЕННЕЙ КОНВЕРСИИ ЗАТОРМОЖЕННЫХ РОТАЦИОННЫХ ГАММА-ПЕРЕХОДОВ

В.И. Кирищук, А.П. Лашко, Т.Н. Лашко

Резюме

Продолжен цикл работ по исследованию эффекта проникновения в M1-компоненте заторможенных ротационных переходов. Эффект обусловлен разными правилами отбора для матричных элементов γ -излучения и внутриядерной конверсии. Впервые определена величина параметра проникновения λ для M1-компоненты γ -перехода с энергией 129 кэВ в ¹⁹¹ Ir. Приводятся результаты исследований аналогичных переходов в ¹⁶³ Er, ¹⁶⁵ Er и ¹⁷⁷ Hf. Из сравнения экспериментальных матричных элементов проникновения с их теоретическими значениями, вычисленными в модели Нильссона, найдены перенормировки гиромагнитного отношения для спинмультипольного взаимодействия в M1-конверсионных переходах: $g_s(M1)/g_s^{\rm free}(p) = 0,574 \pm 0,023$ и $g_s(M1)/g_s^{\rm free}(n) = 0,59 \pm 0,07$.

ANOMALIES IN INTERNAL CONVERSION COEFFICIENTS FOR HINDERED ROTATIONAL $\gamma\text{-}TRANSITIONS$

V.I. Kirishchuk, A.P. Lashko, T.N. Lashko

Institute for Nuclear Research, Nat. Acad. of Sci. of Ukraine (47, Prosp. Nauky, Kyiv 03680, Ukraine; e-mail: lashkoa@kinr.kiev.ua)

Summary

New data concerning the penetration effect in the M1 component of hindered rotational γ -transitions have been obtained. The effect is caused by different selection rules for γ -emission and intranuclear conversion matrix elements. The magnitude of penetration parameter for the M1-component of the 129-keV γ -transition in ¹⁹¹Ir nucleus is determined for the first time. The results obtained for similar transitions in ¹⁶³Er, ¹⁶⁵Er, and ¹⁷⁷Hf nuclei are also reported. By comparing the experimental penetration matrix elements with those calculated from the Nilsson model, the following renormalization coefficients are found for the gyromagnetic ratios for the spin-multipole interaction in M1-conversion transitions: $g_s(M1)/g_s^{\text{free}}(p) = 0.574 \pm 0.023$ and $g_s(M1)/g_s^{\text{free}}(n) =$ 0.59 ± 0.07 .

ISSN 2071-0194. Укр. фіз. журн. 2012. Т. 57, №11